

# Programmation de systèmes embarqués : l'approche synchrone

Julien FORGET  
julien.forget@onera.fr

7 décembre 2007

# Plan du cours

- ① Introduction
  - Les systèmes embarqués
  - Les systèmes embarqués **réactifs**
  - L'approche synchrone
- ② Le langage synchrone flot de données Lustre
- ③ Le langage synchrone flot de contrôle ESTEREL
- ④ Compilation de programme synchrone, l'exemple Lustre
- ⑤ Extensions récentes des langages synchrones : automates et tableaux
- ⑥ Synchrone temps-téel et distribué : la méthodologie Adéquation-Algorithmes-Architecture et SYNDEX.

# Plan

- 1 Introduction
  - Les systèmes embarqués
  - Les systèmes réactifs
  - Programmation de systèmes réactifs
  - L'approche synchrone
- 2 Le langage Lustre
  - Les notions de base
  - Le style de programmation Lustre
- 3 Le langage ESTEREL
  - Les notions de base
  - Mise en pratique
  - Les interruptions
  - Evolution du langage
  - Exemple
- 4 Compilation du langage Lustre
  - Calcul d'horloges
  - Partie arrière : génération de code séquentiel

# Définition

## Definition

An embedded system is a special-purpose computer system designed to perform one or a few dedicated functions. It is usually embedded as part of a complete device including hardware and mechanical parts. (Wikipedia)

- Industrie légère : téléphones portables, appareils ménagers
- Industrie lourde : aéronautique, aérospatiale, transport ferroviaire, etc.

# Caractéristiques principales

- Gestion d'un système physique dans son environnement
- Souvent soumis à des contraintes temps réel
  - molles : optimisation du temps de réponse
  - dures : non-respect des échéances = conséquences catastrophiques
- Systèmes dédiés  $\Rightarrow$  optimisation forte (coût matériel, consommation électrique, poids, etc)

# Systemes réactifs : définition

## Systemes transformationnels

Lecture des entrées (initialisation) - calculs - production des sorties - terminaison.

## Systemes interactifs

Interaction permanente avec l'environnement. Réaction du système déterminée par les événements actuels (entrées) et passés (état). Temps de réaction optimisé mais non borné.

## Systemes réactifs

Identiques aux système interactifs, mais **temps de réaction borné**  $\Rightarrow$  rythme du système déterminé par son environnement.

# Systemes réactifs : exemple

## Systeme de contrôle-commande d'un avion

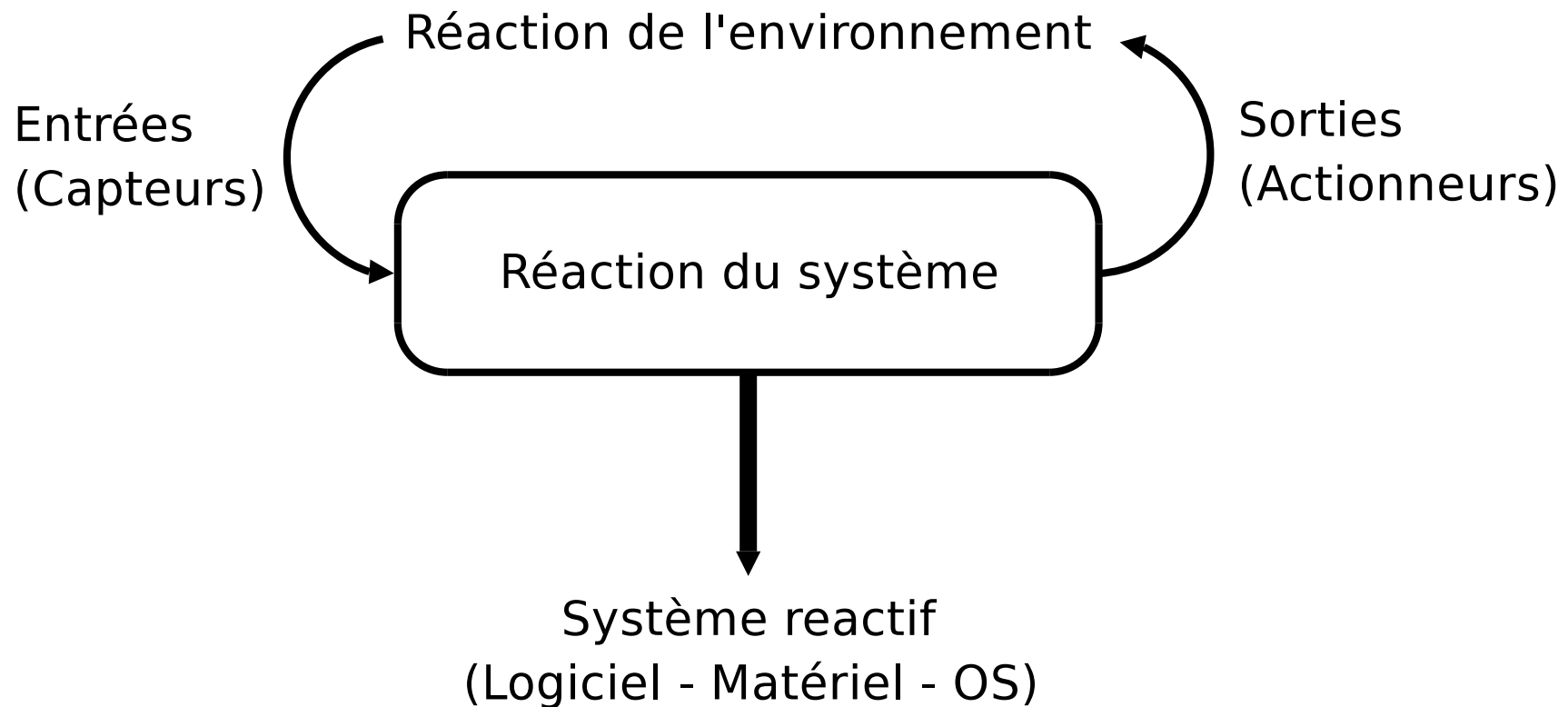
**Mission** Stabiliser un avion naturellement instable. Calcul des lois de commandes et asservissement des gouvernes.

**Entrées** Etat et assiette de l'avion + ordres pilote.

**Sorties** Ordres de gouvernes + alarmes.

**Réactivité** Boucle de contrôle de durée 1ms.

# Systemes réactifs : fonctionnement





# Problématique

## Correction fonctionnelle

Le programme calcule les bonnes sorties.

## Correction temporelle

Le programme calcule suffisamment rapidement.

On commence par s'intéresser à l'aspect fonctionnel :

- La suite des sorties  $S_i$  dépend **uniquement** de la suite des entrées  $E_i$ .
- Le calcul doit se faire en utilisant une mémoire **bornée**  $M_i$ .

# Programmation des aspects fonctionnels

## Identifier

- Les entrées
- Les sorties

## Définir

- La fonction de sortie  $S_i = f(E_i, M_i)$
- La fonction de transition (changement d'état)  
 $M_i = g(E_i, M_i)$

## Programmer le tout

**NB** : Vision automatique. En pratique la séparation entre  $f$  et  $g$  n'est pas forcément si nette.

# Difficultés de la programmation temps réel

- Les entrées n'arrivent pas toutes en même temps
  - Quand commencer les traitements ?
  - Comment interpréter le retard d'une entrée : absence ? Délai ?
  - Difficulté de datation des entrées : des entrées mesurées simultanément peuvent parvenir au système réactif avec des dates différentes  $\Rightarrow$  comment savoir que ces entrées étaient synchrones ?
- Les temps d'exécution ne sont jamais évaluables très précisément  $\Rightarrow$  difficulté pour choisir un ordre entre les traitements (parallélisme potentiel).

# Programmation temps réel : l'approche asynchrone

Traitements parallélisables (niveau matériel ou logiciel)  
⇒ Implémentation multi-tâches concurrentes

## Gestion de l'ordonnancement

Durées d'exécution difficilement prévisibles

## Gestion des communications entre tâches

Ordre des communications difficilement maîtrisable (priorités, rendez-vous, sémaphores, etc.)

**Globalement indéterministe**

# Programmation temps réel : l'approche synchrone

On simplifie en prenant une vision abstraite du temps.

- **Temps logique** = suite d'instants
- On décrit les traitements effectués dans un instant (répétés indéfiniment).
- On décrit les dépendances de données entre les différents traitements :
  - Description fonctionnelle standard.
  - Description temporelle limitée à l'ordre entre les traitements (dépendance de donnée = précédence).

**Et c'est tout !**

# L'hypothèse synchrone

On parle souvent un peu abusivement *d'hypothèse de temps nul*.

- On ne considère pas la durée des traitements.
- Les traitements d'un instant sont "simultanés" (synchrone).
- On ne distingue pas de "début" et de "fin" d'instant.

## Validité de l'hypothèse synchrone

Les traitement effectués au cours d'un instant doivent se terminer avant le début de l'instant suivant.

# Intégration dans le cycle de développement

- ① Ecriture du programme synchrone (formel, forte abstraction)
- ② Compilation  $\Rightarrow$  génération de code C, Ada, ML (abstraction moyenne)
- ③ Ecriture du **programme d'intégration**
  - ① Lecture des entrées sur les capteurs
  - ② Activation du programme synchrone
  - ③ Exécution des ordres sur les actionneurs
- ④ Nouvelle compilation : code synchrone + code intégration (assembleur, bas niveau)
- ⑤ **OS requis très léger** (pas d'ordonnancement, pas de synchronisations)

## Qualités

- Formel : sémantique bien définie, possibilité de faire de la preuve formelle, confiance dans le processus de compilation.
- Fort niveau d'abstraction : simplifie la conception.
- Taille mémoire et temps d'exécution borné.
- Pratiquement pas d'OS.

## Défauts

- Code produit (parfois) moins efficace qu'un code manuel.
- Difficile à mettre en place sur des architectures distribuées (communications synchrones, synchronisation des différents processeurs).
- Mal adapté aux systèmes multi-rythmes (quel est le rythme de base des instants ?).



# Diffusion

## R & D

A peu près tous les domaines de l'embarqué (téléphonie, automobile, avionique, aérospatiale, transports ferroviaires, centrales nucléaires)

## Opérationnel

Surtout les systèmes (très) critiques :

- Avionique : Airbus
- Centrales nucléaires : Schneider Electric, EDF
- Circuits : TI

Parfois utilisé au niveau conception et simulation uniquement (pas de génération de code embarqué).

# Acteurs principaux

- **Lustre** (Verimag) :  
`www-verimag.imag.fr/SYNCHRONE/`
- **Esterel** (INRIA) :  
`www-sop.inria.fr/meije/esterel/esterel-eng.html`
- **Esterel Technologies** (commercialisation, Scade/Lustre, Esterel) : `www.esterel-technologies.com/`
- **Signal** (IRISA) :  
`www.irisa.fr/espresso/source/publications.html`

Mais aussi :

- **SynDEX** (Synchrone distribué, INRIA) : `www.syndex.org`
- **Lucid Synchrone** (LRI, Synchrone avec traits à la ML) :  
`www.lri.fr/pouzet/lucid-synchrone/`
- ...

# Plan

- 1 Introduction
  - Les systèmes embarqués
  - Les systèmes réactifs
  - Programmation de systèmes réactifs
  - L'approche synchrone
- 2 **Le langage Lustre**
  - Les notions de base
  - Le style de programmation Lustre
- 3 Le langage ESTEREL
  - Les notions de base
  - Mise en pratique
  - Les interruptions
  - Evolution du langage
  - Exemple
- 4 **Compilation du langage Lustre**
  - Calcul d'horloges
  - Partie arrière : génération de code séquentiel

# Flots et horloges

- En Lustre, toute expression ou variable est un *flot*
- Flot : suite de valeurs + *horloge*
- Horloge : définit les instants de présence d'un flot
- A chaque instant de présence correspond une valeur de la suite

## Exemple

x	3	4	5	2	6	...
y	True			False	True	...

# Extension des opérateur classiques

Les opérateurs classiques sont étendus point à point sur les flots.

## Example

c	True	False	True	False	...
x	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	...
y	$y_1$	$y_2$	$y_3$	$y_4$	...
$x+y$	$x_1 + y_1$	$x_2 + y_2$	$x_3 + y_3$	$x_4 + y_4$	...
<b>if c then x else y</b>	$x_1$	$y_2$	$x_3$	$y_4$	...

# Opérateur de retard

- L'opérateur **pre** désigne la valeur précédente d'un flot.
- Sa première valeur est non initialisée.
- Utilisé conjointement avec l'opérateur d'initialisation **->**.  
 $x \rightarrow y$  vaut  $x$  au premier instant,  $y$  ensuite.

## Exemple

$x$	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	...
$y$	$y_1$	$y_2$	$y_3$	$y_4$	...
<b>pre</b> $x$		$x_1$	$x_2$	$x_3$	...
$y \rightarrow$ <b>pre</b> $x$	$y_1$	$x_1$	$x_2$	$x_3$	...

# Echantillonnage

- L'opérateur **when** sous échantillonne un flot.  $x$  **when**  $c$  n'est présent que quand  $c$  vaut vrai et vaut alors  $x$
- L'opérateur **current** remplace les absences introduites par **when** par la dernière valeur présente du flot.

## Example

$c$	True	False	False	True	...
$x$	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	...
$y=x$ <b>when</b> $c$	$x_1$			$x_4$	...
<b>current</b> $y$	$x_1$	$x_1$	$x_1$	$x_4$	...

**current(x when c)  $\neq$  x**

# Structuration : les nœuds

- Un programme Lustre est un ensemble de **nœuds**.
- Le **nœud principal** est spécifié à la compilation.
- Chaque nœud contient un ensemble **d'équations** définissant les valeurs des flots.
- Les équations ne sont **pas ordonnées**.
- Les nœuds peuvent être utilisés dans les expressions sur les flots pour définir d'autres flots (définition hiérarchique).



Programmation de systèmes embarqués : l'approche synchrone

Le langage Lustre

Les notions de base

# Et puis...

Programmation de systèmes embarqués : l'approche synchrone

Le langage Lustre

Les notions de base

Et puis...

C'est tout !

Et puis...

**C'est tout !**

Mais il faut s'habituer au style de programmation.

## Exemple : un compteur réinitialisable

### Code

```
node counter(reset:bool) returns (count:int)
let
  count=0->if reset then 0 else pre(count)+1;
tel
```

### Comportement

reset	False	False	False	True	False	...
count	0	1	2	0	1	...

# Assignment unique

**Ne pas écrire**

```
node counter(reset:bool) returns (count:int)
let
    if reset then count=0 else count=0->pre(count)+1 ;
tel
```

**Chaque flot doit avoir une seule définition** (similaire aux langages fonctionnels, Lisp, ML).

# Double initialisation

## Comportement

osc	true	true	false	false	true	...
-----	------	------	-------	-------	------	-----

# Double initialisation

## Comportement

osc	true	true	false	false	true	...
-----	------	------	-------	-------	------	-----

## Code n'ayant pas le comportement attendu

```
node oscil () returns (osc:bool)
let
  osc = true->true->not(pre(pre(osc)))
tel
```

# Double initialisation

## Comportement

osc	true	true	false	false	true	...
-----	------	------	-------	-------	------	-----

## Code corrigé

```
node oscil () returns (osc:bool)
let
  o=true ->pre(true ->not pre(o));
tel
```



## Activation des deux branches du **if then else**

On utilise le compteur défini précédemment ainsi qu'un nœud qui compte en décroissant.

decounter(false) : 0,-1,-2,-3,...

### Code

```
node count2(reset , c:bool) returns (count:int)
let
  count=0->if c then counter(reset)
  else decounter(reset);
tel
```

# Activation des deux branches du `if then else`

On utilise le compteur défini précédemment ainsi qu'un nœud qui compte en décroissant.

`decounter(false) : 0,-1,-2,-3,...`

## Code

```
node count2(reset , c:bool) returns (count:int)
let
    count=0->if c then counter(reset)
                else decounter(reset);
tel
```

## Comportement

c	True	True	True	False	True	...
count	0	1	2	-3	4	...

## Désactiver un traitement : le **when**

### Code

```
node count3(reset , c:bool) returns (count:int)
  var c1 , c2:int;
let
  c1=current(counter(reset when c));
  c2=current(counter2(reset when not c));
  count=if c then c1 else c2;
tel
```

# Désactiver un traitement : le when

## Code

```
node count3(reset , c:bool) returns (count:int)
  var c1 , c2:int;
  let
    c1=current(counter(reset when c));
    c2=current(counter2(reset when not c));
    count=if c then c1 else c2;
  tel
```

## Comportement

c	True	True	True	False	True	...
count	0	1	2	0	3	...

# Définitions récursives

Ne pas écrire

```
node error(reset:bool) returns (count:int)
let
  x=y+1; y=x+2;
tel
```

**Pas de boucles immédiates !**

- Vérifié par l'analyse de causalité.
- Il manque vraisemblablement un **pre**.

# Horloges et valeurs indéfinies

- Le sous-échantillonnage (**when**) produit des valeurs **indéfinies**, qui ne doivent pas être consultées. On dit que le flot est **absent**.
- On ne combine que des flots de mêmes horloges :  
 $x+x$  **when**  $c$  est **interdit** !

## Défaut d'initialisation

x	1	3	5	0	-2	...
c	Faux	Faux	Vrai	Faux	Vrai	...
current (x when c)	<b>nil</b>	<b>nil</b>	5	5	-2	...

## Astuce :

- utiliser des horloges initialement vraies :  $x$  **when** (true→c)
- forcer une valeur par défaut

# Hiérarchie d'horloges

- L'imbrication des **when** forme un arbre d'horloges dont la racine est **l'horloge de base** du nœud.
- L'horloge de base d'un nœud est l'horloge de la plus rapide de ses entrées.
- Tandis que le **when** crée une nouvelle horloge (horloge fille) dans l'arbre d'horloges, le **current** permet de remonter d'un niveau et **un seul** dans l'arbre (horloge mère).
- L'horloge de **current** ( $x$  **when**  $c1$  **when**  $c2$ ) est notée  $\hat{x}$  on  $c1$ , soit l'horloge de  $x$  ( $\hat{x}$ ) réduite aux instants où  $c1$  vaut vrai.

# Plan

- 1 Introduction
  - Les systèmes embarqués
  - Les systèmes réactifs
  - Programmation de systèmes réactifs
  - L'approche synchrone
- 2 Le langage Lustre
  - Les notions de base
  - Le style de programmation Lustre
- 3 **Le langage ESTEREL**
  - Les notions de base
  - Mise en pratique
  - Les interruptions
  - Evolution du langage
  - Exemple
- 4 Compilation du langage Lustre
  - Calcul d'horloges
  - Partie arrière : génération de code séquentiel



# Les Signaux

Les éléments d'un programme communiquent en échangeant des **signaux**

- Présence ou absence
- Signal pur (Présent/Absent)
- Signal valué (Présence+valeur)

Actions associées aux signaux :

- émettre, attendre, tester un signal

Composer des actions :

- Séquence
- Répéter
- Interrompre, etc.

# Caractéristiques

- Langage de style **impératif** (flot de contrôle vs flot de données Lustre).
- Sémantique synchrone (on ne considère pas la durée des instructions, juste leur enchaînement).
- Langage complet très riche ayant évolué avec la demande des clients (circuits).
- Sémantique parfois déroutante (réincarnation, schizophrénie, etc).

On va se concentrer sur le noyau original du langage.

# Instructions sur les signaux

## Emission

- **emit S**
- Emet S et termine (dans l'instant)

## Attente

- **await S**
- Se met en attente, déblocage sur la prochaine émission **future** de S

# Présence d'un signal

**present S then c1 else c2**

- Si S **présent**, passe le contrôle à c1. Se termine quand c1 se termine.
- Si S **absent**, passe le contrôle à c2. Se termine quand c2 se termine.
- Formes dégénérées :
  - present S **then** c
  - present S **else** c

**Test sur l'absence.**

# Composition d'actions

## Séquence

**c1 ; c2**

- Passe le contrôle à c1.
- Quand c1 se termine, passe le contrôle à c2.
- Termine quand c2 se termine.

## Boucle

**loop c end**

- Passe le contrôle à c.
- Quand c se termine, repasse le contrôle à c.

# Parallélisme

`c1||c2`

- Passe le contrôle à `c1` **et** à `c2`.
- Se termine quand le dernier des deux se termine.

Plusieurs branches parallèles peuvent émettre le même signal.

- Signal pur présent si émis dans au moins une des branches.
- Signal valué : combinaison des différentes valeurs, +, or, etc. (**dangereux**)

# Les instants ?

Le comportement des signaux peut se représenter de manière similaire aux flots Lustre.

```
loop await A; emit X end
```

Entrées	A		A	A		...
Sorties			X	X		...

- Horloge de base (discrète) sur laquelle arrivent les signaux d'entrée.
- **Instant** : lecture des entrées - exécution des traitements jusqu'à un point de contrôle bloquant - émission des sorties

# Un exemple complet

## Code

```

module Foo:
input A,B;
output X,Y,Z;
loop
  emit X;
  await A;
  emit Y;
  present B then emit Z end
end loop.
    
```

## Comportement

Entrées	A		A	A,B		...
Sorties	X		X,Y	X,Y,Z		...



# Automates et points de contrôle

Un code ESTEREL correspond à un automate avec

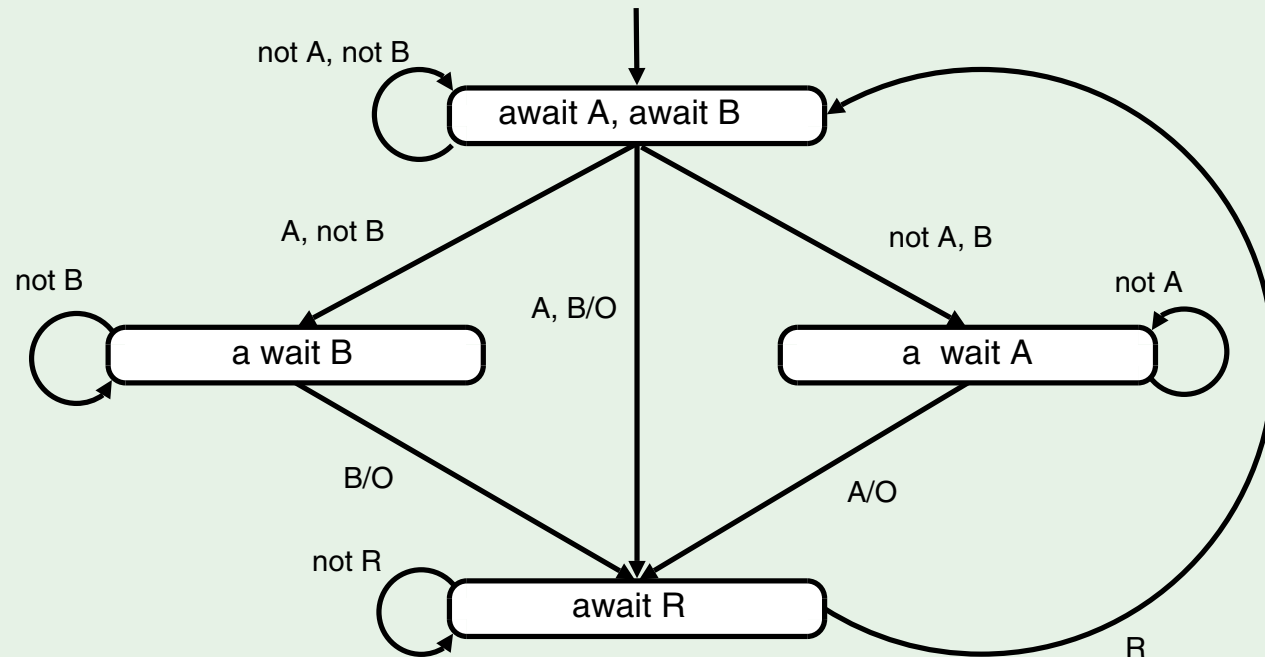
- Emission de signaux sur les transitions.
- Etat = point de contrôle.

## Code

```

loop
  [
    await A
  ||
    await B
  ] ;
  emit O;
  await R
end
    
```

## Automate



# Esterel et horloge de base

## Vision réactive

- Approche d'origine.
- On ne réagit qu'à la présence de signaux d'entrée.
- L'absence de toute entrée **n'est pas un événement**.

## Vision échantillonnée

- Approche plus récente.
- Les entrées sont consultées avec une certaine fréquence.
- On peut accéder à l'horloge de base, signal **tick** (toujours vrai).
- On peut réagir en l'absence de toute entrée.

# Préemption forte/Préemption faible

## abort c **when** x

- Termine le comportement c **au plus tard** à la prochaine occurrence future de x.
- c peut se terminer avant l'occurrence de x.
- Si x est émis, l'interruption est immédiate.

## weak abort c **when** x

- Identique mais c termine sa réaction courante avant d'être interrompu.

# Préemption : exemple

## Code

```

loop
  await S;
  (weak) abort
    await A;
    emit O
  when E
end
    
```

## Comportement

Entrées		S,A	A	S	A,E	...
Sorties			O		rien/O	...

# Préemption et traitement d'exceptions

Possibilité de préciser un traitement sur la condition d'interruption (exception).

## Code

```
loop
  await S;
  abort
    await A;
    emit O
  when E do
    emit E;
    await R
  end
end
```

# Introduction de nouvelles structures

present X **else** await X

- Très courant.
- ⇒ On introduit une nouvelle structure.
- await **immediate** X

**Tendance à l'inflation du langage.**

- Justifié du point de vue utilisateur.
  - Handicapant pour les outils (compilateur).
  - Rend l'apprentissage du langage plus compliqué.
- ⇒ Compiler vers un petit **noyau**.

# Un noyau ESTEREL

- **emit**, **loop**, **present**, **;** et **||**
- **abort**
- **pause** (intuitivement `await tick`)
- **halt** (intuitivement `await [not tick]`)

# Traduction vers le noyau

## Maintien

- **sustain**  $X$  : émet  $X$  à chaque instant, ne termine pas (sauf interruption).
- **loop**  
    emit  $X$  ; pause  
end

## Délai strict

- **do**  $c$  upto  $X$  : exécute  $c$ , termine strictement sur le prochain  $X$ .
- **abort**  
     $c$  ; halt  
**when**  $X$



## Traduction vers le noyau (2)

### Echantillonnage

- `loop c each X` : (re)démarre `c` à chaque `X`, que `c` ait fini ou pas.
- `loop`  
    **do** `c upto X`  
    **end**

### Echantillonnage avec départ différé

- `every X do c end` : pareil, mais attend un premier `X` pour commencer.
- `await X ; loop c each X`

# Brièvement : les signaux valués

- Présence/Absence + valeur (typée)
- Emission valuée : `emit X(3)`
- On peut aussi définir des variables auxiliaires : `var v :integer`
- Et les modifier : `v :=v+2`

# Un chronomètre : spécification

- Version simplifiée.
- Deux boutons : *Start/Stop* et *Reset*.
- Une sortie : le temps chronométré.
- Le compte du temps débute avec *Start* et s'arrête avec *Stop*.
- *Reset* remet le temps à 0.

# Un chronomètre : programmation

## Version basique

```
module BASIC_STOPWATCH :  
input START_STOP, CLK;  
output TIME(integer);  
var t :=0 : integer in  
  loop  
    emit TIME(t);  
    await START_STOP;  
    do  
      every CLK do  
        t:=t+1;  
        emit TIME(t)  
      end  
    upto START_STOP  
  end  
end
```

# Un chronomètre : programmation

## Version basique

```
module BASIC_STOPWATCH :  
  input START_STOP, CLK;  
  output TIME(integer);  
  var t := 0 : integer in  
    loop  
      emit TIME(t);  
      await START_STOP;  
    do  
      every CLK do  
        t := t + 1;  
        emit TIME(t)  
      end  
    upto START_STOP  
  end  
end
```

## Avec reset

```
module STOPWATCH_1:  
  input START_STOP, CLK, RESET;  
  output TIME(integer)  
  loop  
    run BASIC_STOPWATCH  
  each RESET
```

# Plan

- 1 Introduction
  - Les systèmes embarqués
  - Les systèmes réactifs
  - Programmation de systèmes réactifs
  - L'approche synchrone
- 2 Le langage Lustre
  - Les notions de base
  - Le style de programmation Lustre
- 3 Le langage ESTEREL
  - Les notions de base
  - Mise en pratique
  - Les interruptions
  - Evolution du langage
  - Exemple
- 4 **Compilation du langage Lustre**
  - Calcul d'horloges
  - Partie arrière : génération de code séquentiel

# Les analyses statiques du synchrone

Vérifier la correction du programme avant de générer du code.

## Analyse de causalité

- Vérifie l'absence de cycle dans les définitions de flots.
- S'apparente à la recherche de cycle dans un graphe.

## Analyse d'initialisation

- Vérifie que l'on n'accède pas à des valeurs non initialisées (**pre**).
- Analyse plus récente.

## Calcul d'horloges

- Vérifie que l'on ne combine que des flots d'horloges identiques.
- ⇒ Pas d'accès à des valeurs de flots absents.

# L'approche par inférence d'horloge

- Idée : reprendre les techniques d'**inférence de types** (classique en ML)
- Calcul d'horloge = système de types.
- Système de types = ensemble de règles d'inférence.



# Règles d'inférence

## Type d'une constante

$$\frac{c \in \text{dom}(E)}{E \vdash c : E(c)}$$

- $E$  est un **environnement** associant un type (ou une horloge) à une expression.
- $E \vdash x : t$  est un **jugement de type** déclarant que  $x$  a le type  $t$  dans l'environnement  $E$ .
- Une règle d'inférence dit que si les **prémises** de la règle (partie haute) sont satisfaites alors on peut en déduire que la **conclusion** (partie basse) est vraie.
- Ci-dessus on déclare qu'une constante  $c$  a pour type  $E(c)$  si elle fait partie du domaine de  $E$ .
- On dit ainsi que  $c$  est **bien typée** si elle est **liée** (déclarée) dans  $E$ .

# Type fonctionnel

## Type de l'addition

$$E \vdash + : int \rightarrow int \rightarrow int$$

- $\rightarrow$  désigne un type fonctionnel.
- On déclare que  $+$  est une fonction, qui s'applique à deux entiers et renvoie un entier.
- On déclare aussi que l'application de  $+$  à un seul entier produit une nouvelle fonction, qui s'applique cette fois à un seul entier (ex :  $(3+)$ 4).
- En pratique cette règle rentre dans la règle sur les constantes vue précédemment (constante fonctionnelle).

# Type polymorphe

## La fonction identité

$$\textit{identité} : \forall \alpha, \alpha \rightarrow \alpha$$

- On déclare que la fonction identité prend un paramètre de type  $\alpha$  et renvoie une valeur de type  $\alpha$ .
- Et ce, **quel que soit  $\alpha$** .
- Ainsi *identité* s'applique aussi bien à des entiers, qu'à des chaînes de caractères et **même à des valeurs fonctionnelles**.
- Par contre on renvoie à chaque fois une valeur **du même type** que le type du paramètre.

# Règle d'inférence d'horloges

## Horloge de l'addition

$$H \vdash + : \forall \alpha, \alpha \rightarrow \alpha \rightarrow \alpha$$

- L'addition prend deux flots **de même horloge**.
- Cette horloge est quelconque.
- Si les flots ne sont pas de même horloge, ils sont **mal synchronisés**, la règle ne peut être appliquée.

# Définition de fonction

## Règle d'inférence

$$\frac{H, x : cl_1 \vdash e : cl_2}{H \vdash \lambda x. e : cl_1 \rightarrow cl_2}$$

- $\lambda x. e$  est une fonction qui associe la valeur  $e$  au paramètre  $x$  (Ex :  $\lambda x. x + 3$ ).
- Pour calculer l'horloge de cette expression, on rajoute  $x$  dans l'environnement avec son horloge.
- Intuitivement, cela revient à déclarer les paramètres de la fonction dans l'environnement.
- Dans cet environnement enrichi, on calcule ensuite l'horloge de  $e$ .
- L'horloge obtenue pour  $e$  est l'horloge de retour de la fonction.
- L'expression résultante a une horloge de type fonctionnel.

# Application de fonction

## Règle d'inférence

$$\frac{H \vdash f : cl_1 \rightarrow cl_2 \quad H \vdash x : cl_1}{H \vdash f x : cl_2}$$

- $f x$  est l'application de la fonction  $f$  à  $x$ .
- Pour que  $f x$  soit bien synchronisé, il faut que :
  - $f$  soit une fonction (prémisse gauche).
  - $x$  ait l'horloge du paramètre attendu par  $f$  (prémisse droite).
- $f x$  a alors pour horloge l'horloge de la valeur retournée par  $f$ .
- Exemple d'application :  $(\lambda x.x + 3) 5$ , résultat 8.

# Le when

## Règle d'inférence

$$\text{when} : \forall \alpha, \forall X, \alpha \rightarrow (X : \alpha) \rightarrow \alpha \text{ on } X$$

- Le premier paramètre de **when** est sur une horloge quelconque  $\alpha$ .
- Le second est une condition, représentée par  $X$ , ayant **elle aussi pour horloge  $\alpha$** .
- Le résultat  $(x \text{ when } c)$  est sur une nouvelle horloge, l'horloge  $\alpha$  **restreinte aux instants où la condition  $X$  est vraie**.
- L'horloge  $\alpha$  peut elle-même être de la forme  $\beta \text{ on } y$ .
- On peut ainsi imbriquer les niveaux d'horloges.

# Le current

## Règle d'inférence

`current` :  $\forall \alpha, \forall X, \alpha \text{ on } X \rightarrow \alpha$

- L'inverse du **when**, du point de vue des horloges.
- Le paramètre de **current** est sur une l'horloge  $\alpha$  restreinte aux instants où une condition  $X$  est vraie.
- Le résultat est sur l'horloge  $\alpha$ .
- L'horloge  $\alpha$  peut elle-même être de la forme  $\beta \text{ on } y$ .
- On ne "supprime" qu'un niveau d'horloge, **on ne revient pas directement à l'horloge de base.**



# Preuve de synchronisation

- L'ensemble des règles forme un **systeme de preuves**.
- On utilise ce système pour prouver qu'une expression complexe est bien synchronisée.
- On calcule en même temps son horloge.
- Si une expression n'admet pas de preuve dans le système de type, alors elle est mal synchronisée, rejetée (poliment) par le compilateur.

# Exemple de preuve de synchronisation

## Programme à inférer

```
node N (c: bool, a: int when c, b)  
  returns (o: int when c)  
let  
  o=(a+2)*(b when c);  
tel
```

- La déclaration du nœud contraint déjà beaucoup la preuve de départ.
- Il suffit de prouver que l'équation est cohérente avec la déclaration du nœud.

## Exemple de preuve de synchronisation (2)

$$\begin{array}{c}
 \text{(APP)} \frac{H \vdash a : \alpha \text{ on } c \quad H \vdash 2 : \alpha \text{ on } c}{H \vdash a + 2 : \alpha \text{ on } c} \quad \text{(WHEN)} \frac{H \vdash b : \alpha \quad H \vdash c : (c : \alpha)}{H \vdash b \text{ when } c : \alpha \text{ on } c} \\
 \text{(APP)} \frac{\quad}{H \vdash (a + 2) * (b \text{ when } c) : \alpha \text{ on } c} \\
 \hline
 H \vdash o : \alpha \text{ on } c
 \end{array}$$

# Preuve de synchronisation sans annotations d'horloges

## Programme à inférer

```
node N (c, a) returns (o)
let
  o = (a + 2) * (b when c)
tel
```

On arrive exactement au même résultat !

# Complétude de l'inférence d'horloges

- Unification d'horloges **par nom** : deux horloges sont égales (unifiables) si elles ont le même nom.
- Bien entendu, si  $c_1 = c_2$  et  $c_2 = c_3$  :
  - $c_1$  et  $c_3$  sont unifiables.
  - $c \text{ on } c_1$  et  $c \text{ on } c_3$  sont unifiables (unification récursive).
- Par contre,  $c \text{ on } (a \text{ and } b)$  et  $c \text{ on } (a \text{ and } d)$  ne sont pas unifiables, que les conditions  $b$  et  $d$  soient des conditions identiques ou pas.
- On ne fait **pas de calcul d'équivalence sur les expressions booléennes** (*NP*-complet).

# Structure générale d'un programme réactif

## Structure

```
Systeme (E, S)
  memoire M
  M:=M0
  a chaque periode faire
    lire (E)
    S=f (M, E)
    M=g (M, E)
    ecrire (S)
  fin
```

Le compilateur doit :

- Identifier la mémoire  $M$  à allouer.
- Calculer les valeurs initiales de  $M0$ .
- Fournir le code du corps de la boucle effectué à chaque période.
- En essayant d'optimiser le tout.

# Compilation en boucle simple

- Simple : un nœud = une procédure (C).
- Force une analyse de causalité modulaire  $\Rightarrow$  certains programmes corrects sont rejetés.
- Possibilité d'expanser certains nœuds à la demande pour régler ce problème.
- Intérêt : le code produit est **compréhensible** (solution SCADE).
- Autre solution : compilation en automates (solution Lustre). Plus puissant, mais compilation plus complexe, code moins lisible.

$\Rightarrow$  On va s'intéresser à la compilation en boucle simple.

# Principes de compilation (boucle simple)

## Traduction Lustre → C

Code Lustre	Code C
Définition de flot	Affectation
Opérateur point-à-point (+, and)	Opérateur standard
→	Mémoire initiale
<b>pre</b>	Valeur mémorisée
<b>when</b>	<b>if</b>

+ **Séquentialiser le système d'équations.**

⇒ Une séquence existe car le programme est causal.



## Principes de compilation (2)

Plus précisément :

- **pre**  $x$  : on alloue une variable de plus ( $px$ ).
- Un booléen *init* détermine si on est en phase d'initialisation.

⇒  $x - > y$  : **if** *init* **then**  $x$  **else**  $y$

# Exemple

## Lustre

```
node counter(reset:bool)
  returns (cpt:int)
let
  cpt=0->if reset then 0
        else
          pre(cpt)+1;
tel
```

## C

```
int cpt;
bool reset;
int pcpt;
bool init=true;
void counter_step()
{
  cpt=if (init) 0
        else if (reset) 0
        else pcpt+1;
  pcpt=cpt;
  init=false;
}
```

# Optimisations

On n'a présenté que la base, des optimisations sont possibles :

- Regroupement des instructions effectuées sous une même condition (un seul **if**).
- Réutiliser des variables pour réduire la mémoire utilisée (durée de vie d'une variable).
- Elimination des variables locales inutiles (ex  $a=b; b=c;$ ).
- ...